

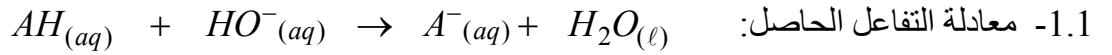
## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

## الكيمياء

الجزء الأول: حمض اللاكتيك

(1) دراسة معادلة تفاعل المعايرة:



2.1 - \* إنشاء الجدول الوصفي:

معادلة التفاعل				معادلة التفاعل	
كميات المادة				التقدم x	
$n_i(AH) = C_A \cdot V_A$	$n_i(HO^{-}) = C_B \cdot V_{\text{versé}}$	0	وفير	$x = 0$	الحالة البدئية
$C_A \cdot V_A - x_f$	$C_B \cdot V_B - x_f$	$x_f$	وفير	$x = x_{\text{éq}}$	الحالة النهائية
$C_A \cdot V_A - x_m$	$C_B \cdot V_B - x_m$	$x_m$	وفير	$x = x_m$	تحول كلي

\* تحديد نسبة التقدم النهائي  $\tau$ :- نحسب الجدائين:  $C_B \cdot V_B = 5.10^{-2} \times 5.10^{-3} = 2.5.10^{-4} \text{ mol}$  و  $C_A \cdot V_A = 2.10^{-2} \times 20.10^{-3} = 4.10^{-4} \text{ mol}$ نلاحظ أن:  $C_B \cdot V_B < C_A \cdot V_A$ ، فيكون المتفاعل المحد هو أيونات  $HO^{-}$ ، إذا:  $x_m = C_B \cdot V_B$ - من خلال الجدول، في الحالة النهائية نجد:  $n(HO^{-}) = C_B \cdot V_B - x_f$ ، ومنه:

$$\text{إذا: } [HO^{-}] = 10^{pH-14} \text{، ونعلم أن: } n(HO^{-}) = C_B \cdot V_B - x_f \Rightarrow [HO^{-}] = \frac{n(HO^{-})}{V_A + V_B} = \frac{C_B \cdot V_B - x_f}{V_A + V_B}$$

$$\frac{C_B \cdot V_B - x_f}{V_A + V_B} = 10^{pH-14} \Rightarrow x_f = C_B \cdot V_B - (V_A + V_B) \cdot 10^{pH-14}$$

- نحسب نسبة التقدم:

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{C_B \cdot V_B - (V_A + V_B) \cdot 10^{pH-14}}{C_B \cdot V_B} \Rightarrow \tau = 1 - \frac{(V_A + V_B) \cdot 10^{pH-14}}{C_B \cdot V_B}$$

$$\tau = 1 - \frac{(20 + 5) \cdot 10^{(4-14)}}{5.10^{-2} \times 5} = 1 - 10^{-8} \approx 1 \quad \text{ت.ع:}$$

\* استنتاج: تفاعل المعايرة تفاعل كلي.

$$2.1 - * \text{ إثبات العلاقة: } pK_A = pH + \text{Log} \left( \frac{C_A V_A}{C_B V_B} - 1 \right)$$

- بالنسبة للمزدوجة قاعدة / حمض:  $AH / A^{-}$ ، لدينا: (\*)  $pH = pK_A + \text{Log} \frac{[A^{-}]_f}{[AH]_f}$ 

- حسب جدول التقدم:

$$[A^{-}]_f = \frac{x_f}{V_S} = \frac{C_B \cdot V_B - (V_A + V_B) \cdot 10^{pH-14}}{V_S} \approx \frac{C_B \cdot V_B}{V_S} \quad (C_B \cdot V_B \gg (V_A + V_B) \cdot 10^{pH-14}) \text{ من جهة:}$$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

ومن جهة ثانية:

$$[AH]_f = \frac{C_A \cdot V_A - x_f}{V_S} \approx \frac{C_A \cdot V_A - C_B V_B}{V_S}$$

تكتب العلاقة (\*):

$$pK_A = pH + \text{Log} \frac{[AH]_f}{[A^-]_f} = pH + \text{Log} \frac{(C_A \cdot V_A - C_B V_B) / V_S}{C_B \cdot V_B / V_S}$$

وبالتالي:

$$pK_A = pH + \text{Log} \left( \frac{C_A V_A - C_B V_B}{C_B V_B} \right) = pH + \text{Log} \left( \frac{C_A V_A}{C_B V_B} - 1 \right)$$

\* ت.ع:

$$pK_A = 4 + \text{Log} \left( \frac{4 \cdot 10^{-4}}{2,5 \cdot 10^{-4}} - 1 \right) \approx 3,8$$

(2) تحديد التركيز الكتلي  $C_m$  لحليب:

1.2 - الأسماء الموافقة للأرقام:

(1) ← سحابة ، (2) ← محلول مائي لميكروروكسيد الصوديوم ( $S_B$ ) ، (3) ← حليب ( $S$ )2.2 - \* حساب التركيز الكتلي  $C_m$ :- عند التكافؤ نحصل على التركيز المولي  $C$  للحليب بتطبيق العلاقة:  $C = \frac{C_B V_{B,E}}{V_A}$ - ولدينا كذلك:  $C_m = \frac{m}{V} = \frac{n \cdot M}{V} = C \cdot M$  ، ومنه:  $C_m = \frac{C_B V_{B,E}}{V_A} \cdot M$   $\Rightarrow C_m = C \cdot M$ 

$$C_m = \frac{5 \cdot 10^{-2} \times 10}{20} \cdot 90 = 2,25 \text{ g.L}^{-1}$$

- ت.ع:

\* استنتاج:  $C_m = 2,25 \text{ g.L}^{-1} > 1,8 \text{ g.L}^{-1}$  ، الحليب المستعمل غير طري.2.2 - أ - الكاشف الأكثر ملائمة لإنجاز هذه المعايرة هو أحمر الفينول ، لأن منطقة انعطافه تضم  $pH_E = 8,0$  ، أي:

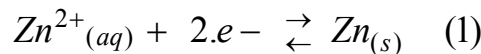
$$6,6 < pH_E < 8,4$$

ب - \* حساب النسبة  $\frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}}$  عند التكافؤ:نطبق العلاقة:  $pH = pK_A + \text{Log} \frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}}$  ، أو  $\text{Log} \frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}} = pH - pK_A$  ، ومنه:

$$\frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}} = 10^{pH - pK_A} = 10^{8 - 3,8} \approx 1,6 \cdot 10^4$$

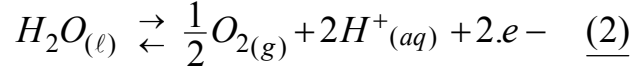
\* استنتاج: بما أن  $\frac{[A^-]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}} \approx 1,6 \cdot 10^4 \gg 1$  ، إذا:  $[A^-]_{\acute{e}q} \gg [AH]_{\acute{e}q}$  ، النوع المهيمن هو القاعدة  $A^-$ .

الجزء الثاني: إنتاج الزنك بالتحليل الكهربائي

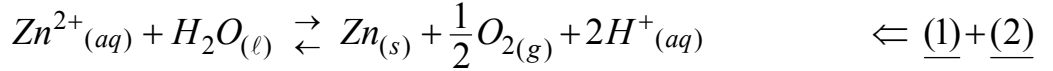
1 - \* معادلة التفاعل عند الكاثود التي يحدث عندها اختزال النوع المؤكسد  $Zn^{2+}$ :

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

\* معادلة التفاعل عند الأنود التي يحدث عندها أكسدة النوع المختزل  $H_2O$  في وسط حمضي:

-2 استنتاج المعادلة الحصيلة:

1.3 حساب  $m$  كتلة الزنك الناتجة خلال المدة  $\Delta t = 24h$ :

كمية مادة الإلكترونات المتبادلة : $n(e^-)$	$Zn^{2+}_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightarrow Zn_{(s)} + (1/2)O_{2(g)} + 2H^+_{(aq)}$						معادلة التفاعل
	كميات المادة						التقدم
0	$n_i(Zn^{2+})$	-	0	0	0	0	الحالة البدئية
$2x_f$	$n_i(Zn^{2+}) - x_f$	-	$x_f$	$(1/2)x_f$	$2x_f$	$x_f$	الحالة النهائية

من الجدول الوصفي، كمية مادة الإلكترونات المتبادلة بين النوع المختزل والنوع المؤكسد هي:  $n(e^-) = 2x_f$ - نعلم أن كمية الكهرباء  $Q$  التي تجتاز الدارة خلال المدة الزمنية  $\Delta t$  هي:  $Q = n(e^-) \times F = I \times \Delta t$ 

$$x_f = \frac{I \times \Delta t}{2.F} \quad (1) \quad \text{أي: } 2x_f \times F = I \times \Delta t \text{ ، ومنه:}$$

$$n(Zn) = x_f = \frac{m}{M(Zn)} \quad (2) \quad \text{من الجدول أيضا نجد:}$$

$$m = \frac{I \cdot \Delta t \cdot M(Zn)}{2.F} = \frac{8.10^4 \times 24 \times 3600 \times 65}{2 \times 96500} \quad \text{ومن العلاقتين (1) و(2)، نستنتج:}$$

$$m = 2,33.10^6 \text{ g} = \underline{2,33 \text{ tonnes}}$$

2.3- مدة التحليل  $\Delta t'$ ، ليصبح التركيز المولي:  $[Zn^{2+}] = 0,7 \text{ mol.L}^{-1}$ حسب الجدول الوصفي السابق، لدينا:  $n_r(Zn^{2+}) = n_i(Zn^{2+}) - x$  ، ومنه:  $x = n_i(Zn^{2+}) - n_r(Zn^{2+})$ 

$$x = \frac{I \times \Delta t'}{2.F} \quad (1) \quad \text{ويكتب كذلك على الشكل: } (3) \quad x = ([Zn^{2+}]_i - [Zn^{2+}]_r) V \quad \text{ونعلم أن:}$$

$$\Delta t' = \frac{2.F \cdot ([Zn^{2+}]_i - [Zn^{2+}]_r) V}{I} \quad \text{من العلاقتين (1) و(3) نستنتج:}$$

$$\Delta t' = \frac{2 \times 96500 \times (2 - 0,7) \times 10^3}{8.10^4} = 3140 \text{ s} \approx \underline{52 \text{ mn } 20 \text{ s}} \quad \text{ت.ع:}$$

الفيزياء

فيزياء 1 : التفاعلات النووية

(1) الانشطار النووي:

1.1- تحديد العددين  $Z$  و  $x$ :

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

حسب قانوني صودي :  $58 + Z = 92$  و  $146 + 85 + x = 236$  و  $Z = 34$  و  $x = 5$ 2.1 - \* حساب الطاقة  $E$  الناتجة عن انشطار نواة واحدة من الأورانيوم  $^{235}_{92}U$  :

$$E = \Delta m \cdot c^2 = [m(^{146}Ce) + m(^{85}Se) + 5 \cdot m_n - m(^{235}U) - m_n] \cdot c^2$$

$$E = [145,8782 + 84,9033 + 4 \times 1,00866 - 234,9934] \cdot u \cdot c^2$$

$$E = -0,17726 \cdot u \cdot c^2 \quad (u \cdot c^2 = 931,5 \text{ MeV})$$

$$E = -0,17726 \times 931,5 \text{ MeV} \Rightarrow \underline{E = -165,12 \text{ MeV}}$$

\* استنتاج الطاقة  $E_1$  الناتجة عن انشطار  $m = 1 \text{ g}$  من الأورانيوم  $^{235}_{92}U$  :- عدد نوى الأورانيوم في العينة كتلتها  $m = 1 \text{ g}$  هو :

$$N = \frac{m}{M(^{235}_{92}U)} \cdot N_A = \frac{1}{235} \times 6,02 \cdot 10^{23} = 2,56 \cdot 10^{21} \text{ (noyaux)}$$

- تعبير الطاقة  $E_1$  هو :

$$E_1 = N \cdot E$$

$$E_1 = 2,56 \cdot 10^{21} \times (-165,12 \text{ MeV}) = -4,23 \cdot 10^{23} \text{ MeV}$$

$$= -4,23 \cdot 10^{23} \times 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ J} = \underline{-6,77 \cdot 10^{10} \text{ J}}$$

ت.ع :

3.1 - حساب المدة الزمنية  $\Delta t = t - 0 = t$  اللازمة لتحويل 99% من عينة نوى السيزيوم  $^{146}Ce$  :- عند اللحظة  $t$  يبقى 1% = 0,01 من عينة نوى السيزيوم  $^{146}Ce$  .- نطبق قانون التناقص الإشعاعي :  $N = N_0 \cdot e^{-\lambda \cdot t}$  ، ومنه :  $e^{-\lambda \cdot t} = \frac{N}{N_0} = 0,01 \Rightarrow e^{\lambda \cdot t} = 100 \Rightarrow t = \frac{\text{Ln}(100)}{\lambda}$ 

$$t = \frac{\text{Ln}(100)}{5,13 \cdot 10^{-2}} = \underline{89,8 \text{ mn}}$$

ت.ع :

## (2) الاندماج النووي :

في إنتاج الطاقة، يعتمد الاندماج النووي عوض الانشطار النووي، للسببين التاليين :

- الطاقة المحررة خلال الاندماج النووي، أكبر من الطاقة المحررة خلال الانشطار النووي :

$$|E_2| = 5,13 \cdot 10^{24} \text{ MeV} \gg |E_1| = 4,23 \cdot 10^{23} \text{ MeV}$$

- لا يصاحب تفاعل الاندماج النووي ظهور نوى إشعاعية النشاط التي تضر البيئة .

## فيزياء 2 : تحديد المقادير المميزة لوشية ولمكتف

## (1) استجابة ثنائي قطب RL لرتبة توتر

1.1 - المنحنى 2 يمثل تغيرات التوتر  $u$ ، لأن  $u = R \cdot i$  ( قانون أوم )، وشدة التيار  $i = f(t)$  الذي يمر في الوشية دالة متصلة .2.2 - إثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر  $u$  أثناء إقامة التيار :- قانون إضافية التوترات :  $u_b + u = E$  (\*)- في اصطلاح المستقبل : قانون أوم للموصل الأومي :  $u = R \cdot i \Leftrightarrow i = \frac{u}{R}$  و للوشية :  $u_b = r \cdot i + L \cdot \frac{di}{dt}$ 

يكتب التوتر بين طرفي الوشية :

$$u_b = r \cdot \frac{u}{R} + L \cdot \frac{d}{dt} \left( \frac{u}{R} \right) = \frac{r}{R} \cdot u + \frac{L}{R} \cdot \frac{du}{dt}$$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

تكتب المعادلة (\*):  $\frac{L}{R} \cdot \frac{du}{dt} + (\frac{r}{R} + 1)u = E$  وهي المعادلة التفاضلية.3.1- أ \* إيجاد تعبير الثابتين  $A$  و  $\tau$ :يكتب حل المعادلة السابقة على الشكل التالي:  $u = A(1 - e^{-t/\tau})$  و  $\frac{du}{dt} = \frac{1}{\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau}$ نعوض في المعادلة التفاضلية:  $\frac{L}{R} \cdot (\frac{1}{\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau}) + (\frac{r}{R} + 1) \cdot A(1 - e^{-t/\tau}) = E$ أو:  $\frac{L}{R} \cdot (\frac{1}{\tau} \cdot A \cdot e^{-t/\tau}) - (\frac{r}{R} + 1)Ae^{-t/\tau} + A(\frac{r}{R} + 1) = E$  ومنه:

$$\tau = \frac{L}{r+R} \quad \text{و} \quad A = E \cdot \frac{R}{r+R} \quad \text{نستنتج أن:} \quad A \cdot e^{-t/\tau} \left( \frac{L}{\tau \cdot R} - \frac{r+R}{R} \right) + A \cdot \frac{r+R}{R} - E = 0$$

ب \* تعيين قيمة كل من  $E$  و  $\tau$ : مبيانيا نجد:  $E = 2V$  و  $\tau = 2,2ms$ ج \* استنتاج قيمة  $L$ :  $L = (r + R) \cdot \tau = (22,2 + 200) \times 2,2 \cdot 10^{-3} \approx 0,48 H$ 4.1- أ \* إيجاد علاقة بين المقادير  $U_{b(\ell)}$  و  $E$  و  $r$  و  $R$ :في النظام الدائم:  $\frac{du}{dt} = 0$ ، فتكتب المعادلة التفاضلية:  $(\frac{r}{R} + 1)U_{(\ell)} = E$  (1)  $\Leftrightarrow U_{(\ell)} = \frac{R}{r+R} \cdot E$ ولدينا أيضا (2)  $U_{b(\ell)} + U_{(\ell)} = E$ ، ومن العلاقتين (1) و (2) نستنتج:  $U_{b(\ell)} = \frac{r}{r+R} \cdot E$ (( ت.ع للتأكد من صحة النتيجة:  $U_{b(\ell)} = \frac{22,2}{22,2 + 200} \times 2 \approx 0,2V$ ، تطابق القيمة لمقارب منحى  $u_b(t)$  ))ب \* إثبات العلاقة:  $L = \frac{R+r}{\ln(2R/R-r)} \cdot t_1$ عند اللحظة  $t_1 = 1,8 \cdot 10^{-3} s$  تتحقق العلاقة:  $u_b(t_1) = u(t_1)$ ، أي:  $E - u(t_1) = u(t_1)$  أو  $u(t_1) = E/2$ ، ومنه:

$$\frac{R}{R+r} \cdot E \cdot (1 - e^{-t_1/\tau}) = \frac{E}{2} \Rightarrow e^{-t_1/\tau} = \frac{R-r}{2R} \Rightarrow -t_1/\tau = \ln\left(\frac{R-r}{2R}\right)$$

$$\Rightarrow -\frac{t_1}{L}(R+r) = \ln\left(\frac{R-r}{2R}\right) \Rightarrow \frac{t_1}{L}(R+r) = \ln\left(\frac{2R}{R-r}\right) \Rightarrow L = \frac{R+r}{\ln\left(\frac{2R}{R-r}\right)} \cdot t_1$$

التحقق من قيمة  $L$ :  $L = \frac{200 + 22,2}{\ln\left(\frac{2 \times 200}{200 - 22,2}\right)} \times 1,8 \cdot 10^{-3} \approx 0,49 H$ 

(1) التذبذبات الحرة في دائرة RLC متوالية

1.2- إيجاد قيمة السعة  $C$  للمكثف:مبيانيا نجد  $T = 4ms$ ، ونعلم أن:  $T = T_0 = 2\pi \sqrt{LC}$ ، ومنه:  $C = \frac{T^2}{4 \cdot \pi^2 \cdot L} = \frac{(4 \cdot 10^{-3})^2}{4 \times 10 \times 0,49} = 8,2 \cdot 10^{-7} F$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

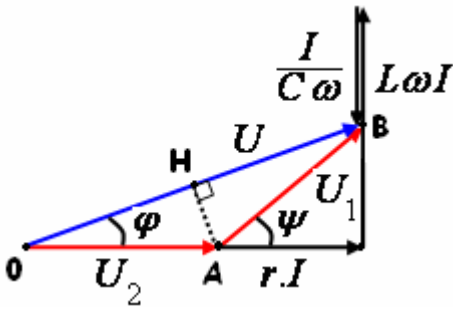
2.2- حساب تغير الطاقة  $\Delta E$  للدائرة بين اللحظتين  $t_1 = \frac{T}{4}$  و  $t_2 = \frac{5T}{4}$ :- عند اللحظتين  $t_1 = \frac{T}{4}$  و  $t_2 = \frac{5T}{4}$ ، تكون الدالة  $u = f(t)$  قصوية، وكذلك الدالة  $i = \frac{u}{R} = \frac{f(t)}{R}$ ، فتنعدم الشحنة  $q$  عند هاتين اللحظتين، وبالتالي تنعدم الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف، إذا:

$$\Delta E = (\underbrace{\xi_e}_{=0} + \xi_m)_2 - (\underbrace{\xi_e}_{=0} + \xi_m)_1 = \xi_{m2} - \xi_{m1} = \frac{1}{2} \cdot L \cdot (I_{m2}^2 - I_{m1}^2) = \frac{1}{2} L \left( \frac{u_{m2}^2}{R^2} - \frac{u_{m1}^2}{R^2} \right)$$

$$\Delta E = \frac{1}{2} \frac{L}{R^2} (u_{m2}^2 - u_{m1}^2) = \frac{0,49}{2 \times 20^2} \times (1,7^2 - 0,8^2) \approx 1,38 \cdot 10^{-3} \text{ J}$$

(2) التذبذبات القسرية في دائرة RLC متوالية

$$\tan(\varphi) = \frac{+ \sqrt{\frac{R-r}{R+r}}}{-}$$

- إنشاء فرينيل مع:  $U_1 = U_2 = R \cdot I$ - المثلث  $OAB$  متساوي الساقين:  $\hat{AOH} = \hat{ABH}$  (1)  $\psi = 2 \cdot \varphi$ من الشكل نجد:  $\tan(\varphi) = \frac{L\omega I - I/C\omega}{rI + RI}$  و  $\tan(\psi) = \frac{L\omega I - I/C\omega}{rI}$ ومن هاتين العلاقتين نستنتج أن:  $r \cdot \tan(\psi) = (r + R) \tan(\varphi)$  (2)تعطي العلاقة رقم (1):  $\tan(\psi) = \frac{2 \tan(\varphi)}{1 - \tan^2(\varphi)}$ - نضع:  $\tan(\varphi) = X$ ، نعوض (1) في (2) فنحصل على:  $r \frac{2X}{1 - X^2} = (r + R)X$ ، أو:  $X^2 = \frac{R-r}{R+r}$ 

$$\tan(\varphi) = \frac{+ \sqrt{\frac{R-r}{R+r}}}{-}$$

وبالتالي:

$$\tan(\varphi) = \frac{+ \sqrt{\frac{100 - 22,2}{100 + 22,2}}}{-} = \pm 0,79 \Rightarrow \varphi \approx \pm 38,6^\circ$$

\* حساب الطور  $\varphi$ :

فيزياء 3 : حركة رياضي على مستوى مائل

(1) دراسة حركة مستوية على مستوى مائل

1.1- المعادلتان التفاضليتان:

- المجموعة المدروسة: الرياضي

- جرد القوى المطبقة على المجموعة:

\* وزن الجسم:  $\vec{P}$  \* تأثير السطح المائل:  $\vec{R}$ - تطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$  نعتبره غاليليا:  $\sum \vec{F} = m \vec{a}_G$ ، إذا:  $\vec{P} + \vec{R} = m \vec{a}_G$ 

$$P_x + R_x = ma_x \Rightarrow 0 + 0 = m \cdot \ddot{x} \Rightarrow \frac{dv_x}{dt} = 0$$

بإسقاط العلاقة المتجهية على المحور الأفقي  $Ox$ :

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$P_y + R_y = ma_y \Rightarrow -mg \sin(\alpha) + 0 = m \ddot{y} \Rightarrow \frac{dv_y}{dt} = -g \sin(\alpha) : \text{المحور } Oy$$

2.1- معادلة المسار:

- نحدد أولا معادلتنا السرعة عن طريق التكامل الحسابي:

$$\frac{dv_x}{dt} = 0 \Rightarrow v_x = Cte = v_0 \cos(\beta) : \text{المحور } Ox$$

$$\frac{dv_y}{dt} = -g \sin(\alpha) \Rightarrow v_y = -g \sin(\alpha) \cdot t + v_0 \sin(\beta) : \text{المحور } Oy$$

و عن طريق التكامل الحسابي مرة ثانية، نجد:

$$\frac{dx}{dt} = v_0 \cos(\beta) \Rightarrow x = v_0 \cos(\beta) \cdot t \quad (1) \quad (x_0 = 0) : \text{المحور } Ox$$

$$\frac{dy}{dt} = -g \sin(\alpha) \cdot t + v_0 \sin(\beta) \Rightarrow y = -\frac{1}{2} g \sin(\alpha) \cdot t^2 + v_0 \sin(\beta) \cdot t \quad (2) \quad (y_0 = 0) : \text{المحور } Oy$$

من العلاقة (1) نستخرج التعبير التالي:  $t = \frac{x}{v_0 \cos(\beta)}$  ، ويعوض في المعادلة (2):

$$y = -\frac{1}{2} g \sin(\alpha) \cdot \left(\frac{x}{v_0 \cos(\beta)}\right)^2 + v_0 \sin(\beta) \cdot \left(\frac{x}{v_0 \cos(\beta)}\right) \Rightarrow y = -\frac{g \sin(\alpha)}{2v_0^2 \cos^2(\beta)} \cdot x^2 + \tan(\beta) \cdot x$$

3.1- أ \* حساب قيمة السرعة  $v_0$  ، حيث  $G = N$  مع  $(x_N = 20m; y_N = 0)$ 

$$y_N = -\frac{g \sin(\alpha)}{2v_0^2 \cos^2(\beta)} \cdot x_N^2 + \tan(\beta) \cdot x_N \Rightarrow \left[ -\frac{g \sin(\alpha)}{2v_0^2 \cos^2(\beta)} \cdot x_N + \frac{\sin(\beta)}{\cos(\beta)} \right] x_N = 0$$

$$\Rightarrow -\frac{g \sin(\alpha)}{2v_0^2 \cos(\beta)} \cdot x_N + \sin(\beta) = 0 \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{g x_N \sin(\alpha)}{\sin(2\beta)}}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{9,8 \times 20 \times \sin(12)}{\sin(2 \times 60)}} = 6,86 \text{ m.s}^{-1} \quad \text{ت.ع.}$$

ب \* تعبير  $x_S$  و  $y_S$  إحداثيتي قمة المسار  $S$ :- عند قمة المسار تتعدم إحداثي متجهة السرعة على المحور  $Oy$  ، أي:  $v_y(t_s) = -g \sin(\alpha) \cdot t_s + v_0 \sin(\beta) = 0$ ومنه:  $t_s = \frac{v_0 \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)}$  هي لحظة وصول مركز القصور  $G$  إلى قمة المسار  $S$ .- نعوض تعبير  $t_s = \frac{v_0 \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)}$  في المعادلتين الزميتين (1) و (2):

$$x(t_s) = v_0 \cos(\beta) \cdot t_s = v_0 \cos(\beta) \cdot \frac{v_0 \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)} \Rightarrow x_s = \frac{v_0^2 \cos(\beta) \cdot \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)} = \frac{v_0^2 \sin(2\beta)}{2g \sin(\alpha)}$$

$$y(t_s) = -\frac{1}{2} g \sin(\alpha) \cdot t_s^2 + v_0 \sin(\beta) \cdot t_s = -\frac{g \sin(\alpha)}{2} \left(\frac{v_0 \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)}\right)^2 + v_0 \sin(\beta) \cdot \left(\frac{v_0 \sin(\beta)}{g \sin(\alpha)}\right)$$

## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$\Rightarrow y_s = \frac{v_0^2 \sin^2(\beta)}{2g \sin(\alpha)}$$

2) دراسة حركة تذبذبية على مستوى مائل

1-1. إثبات تعبير الطاقة الميكانيكية  $E_m$  للنواس:- نعم أن الطاقة الميكانيكية تكتب على الشكل التالي:  $E_m = E_c + E_{pp}$ - يعبر عن الطاقة الحركية بما يلي:  $E_c = \frac{1}{2} J_{\Delta} \cdot \dot{\theta}^2 = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}^2$ - يعبر عن طاقة الوضع الثقالية كالتالي:  $E_{pp}(z) = mgz + Cte$ ، حيث المحور  $G_0z$  رأسي أصله  $G_0$  وموجه نحو الأعلى:- باعتبار الحالة الرجعية لهذه الطاقة  $E_{pp}(0) = 0$  أي:  $Cte = 0$ ، وبذلك تكتب الطاقة:  $E_{pp}(z) = mgz$ .في الشكل 1، نبحث عن تعبير الأنسوب  $z$  بدلالة المقدار  $y$ :في المثلث قائم الزاوية  $G_0HG$ :

$$\sin(\alpha) = \frac{z}{G_0G} = \frac{z}{y} \Rightarrow z = y \cdot \sin(\alpha) \quad (1)$$

في الشكل 2، نبحث عن تعبير المقدار  $y$  بدلالة الزاوية  $\theta$ :

$$y = G_0K = G_0A - KA = \ell - \ell \cdot \cos(\theta)$$

$$\Rightarrow y = \ell \cdot (1 - \cos(\theta)) \quad (2)$$

من (1) و (2) نستنتج أن:  $z = \ell \sin(\alpha) \cdot (1 - \cos(\theta))$ 

يصبح تعبير طاقة الوضع الثقالية هو:

$$E_{pp}(\theta) = mg \ell \sin(\alpha) \cdot (1 - \cos(\theta))$$

وباستعمال علاقة التقريب بالنسبة للتذبذبات الصغيرة  $1 - \cos(\theta) \approx \frac{\theta^2}{2}$ ، تكتب طاقة الوضع الثقالية من جديد:

$$E_{pp}(\theta) = \frac{1}{2} mg \ell \sin(\alpha) \cdot \theta^2$$

أخيرا يكتب تعبير الطاقة الميكانيكية:

$$E_m = E_c + E_{pp} = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \dot{\theta}^2 + \frac{1}{2} mg \ell \sin(\alpha) \cdot \theta^2$$

$$\Rightarrow E_m = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \left[ \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2 + \frac{g \sin(\alpha)}{\ell} \cdot \theta^2 \right]$$

2.2- استنتاج المعادلة التفاضلية التي تحققها الزاوية  $\theta$ :تتحفظ الطاقة الميكانيكية للمتذبذب الميكانيكي، لأن الاحتكاكات مهملة، ونكتب:  $\frac{d}{dt}(E_m) = 0$ 

$$\frac{d}{dt}(E_m) = \frac{1}{2} m \cdot \ell^2 \cdot \frac{d}{dt} \left[ \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2 + \frac{g \sin(\alpha)}{\ell} \cdot \theta^2 \right] = 0$$

$$\Rightarrow \frac{d}{dt} \left[ \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2 \right] + \frac{g \sin(\alpha)}{\ell} \cdot \frac{d}{dt} [\theta^2] = 0 \Rightarrow 2 \frac{d\theta}{dt} \cdot \frac{d^2\theta}{dt^2} + 2 \frac{g \sin(\alpha)}{\ell} \theta \frac{d\theta}{dt} = 0$$



## تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009 - الدورة الاستدراكية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رباح التأهيلية - تمارة

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g \sin(\alpha)}{\ell} \theta = 0 \quad (*)$$

نختزل بـ  $2 \frac{d\theta}{dt}$ ، ونحصل على المعادلة التفاضلية التالية:3.2- تحديد تعبير الدور الخاص  $T_0$ :- حل هذه المعادلة هو:  $\theta = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ ، و المشتقة الأولى هي:  $\frac{d\theta}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$ 

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta$$

والمشتقة الثانية هي:  $\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta$  وتكافؤ الكتابة:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} + \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 \theta = 0 \quad (*')$$

فحصل على المعادلة التالية:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g \sin(\alpha)}} \quad \text{ومنه:} \quad \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{g \sin(\alpha)}{\ell}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{12}{9,8 \times \sin(12)}} \approx 15,2 \text{ s} \quad \text{ت.ع.}$$

4.2- حساب شدة القوة  $\vec{T}$  المطبقة من طرف الحبل عند مرور  $G$  من موضع الاستقرار  $G_0$ :

- المجموعة المدروسة: { الرياضي }

- تخضع المجموعة إلى التأثيرات التالية:

وزنها  $\vec{P}$  - تأثير الحبل  $\vec{T}$  - تأثير السطح المائل  $\vec{R}$ 

\* تطبيق القانون الثاني لنيوتن في مرجع أرضي:

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G \Rightarrow \vec{P} + \vec{T} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}_G \quad (*)$$

\* إسقاط العلاقة المتجهية (\*) على المحور المائل الموجه بالمتجهة  $\vec{n}$ 

$$P_n + T_n + R_n = m \cdot a_n \quad (G, \vec{u}, \vec{n}) \quad \text{لمعلم فرييني}$$

$$T = m \cdot \ell \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 + mg \sin(\alpha) \quad \text{ومنه:} \quad -mg \sin(\alpha) + T + 0 = m \cdot \ell \cdot \left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 \quad \text{أو:}$$

نحدد السرعة الزاوية  $\frac{d\theta}{dt}$  عند المرور من موضع الاستقرار:

$$\sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = \pm 1 \quad \text{ومنه:} \quad \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = 0 \quad \text{وبالتالي:} \quad \theta = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = 0$$

$$\frac{d\theta}{dt} = \pm \frac{2\pi}{T_0} \theta_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = \pm \frac{2\pi}{T_0} \theta_m \quad \text{والمشتقة الأولى:}$$

$$T = mg \sin(\alpha) \cdot \left[1 + \theta_m^2\right] \quad \text{ويصبح تعبير شدة توتر الحبل هو:}$$

$$T = 60 \times 9,8 \times \sin(12) \cdot \left[1 + \left(\frac{\pi}{15}\right)^2\right] \approx 127,6 \text{ N} \quad \text{ت.ع.}$$

