

4	مدة الإجاز	الفيزياء والكيمياء	المادة
7	المعامل	شعبة العلوم الرياضية (أ) و(ب)	الشعبة أو المستوى

استعمال الآلة الحاسوبية القابلة للبرمجة أو الحاسوب غير مسموح به.

يتكون الموضوع من تمارين في الكيمياء وثلاث تمارين في الفيزياء .

النقطة	الموضوع	الكيمياء (7 نقاط)
5	دراسة محلول الأمونياك و الهيدروكسيلامين	الجزء الأول
2	تحضير فلز بواسطه التحليل الكهربائي	الجزء الثاني
الفيزياء (13 نقطة)		
2,25	الفيزياء النووية في المجال الطبي	تمرين 1
5,25	دراسة شحن و تفريغ مكثف	تمرين 2
3	دراسة حركة متزلج	الجزء الأول تمرين 3
2,5	الدراسة الطافية لتواس وازن	الجزء الثاني

الكيمياء (7 نقط)

الجزء الاول: (5 نقط) : دراسة محلول الأمونياك والهيدروكسيلامين
 الأمونياك NH_3 غاز قبل الذوبان في الماء ويعطي محلولاً قاعدياً .
 تكون محليل الأمونياك التجارية مركزه و غالباً ما تستعمل في مواد التنظيف بعد تخفيفها.
 يهدف هذا التمرين إلى دراسة بعض خصائص الأمونياك والهيدروكسيلامين NH_2OH المذابين في الماء وتحديد تركيز الأمونياك في منتوج تجاري بواسطة محلول حمض الكلوريدريك ذي تركيز معروف .
 معطيات :
 جميع القياسات تمت عند درجة الحرارة $25^\circ C$:

$$\text{الكتلة الحجمية للماء} : \rho = 1,0 \text{ g.cm}^{-3}$$

$$\text{الكتلة المولية ل الكلورور الهيدروجين} : M(HCl) = 36,5 \text{ g.mol}^{-1} ; \text{ الجداء الأيوني للماء} : K_e = 10^{-14}$$

$$\text{ثابتة الحمضية للمزدوجة } NH^+ / NH_3$$

$$\text{ثابتة الحمضية للمزدوجة } NH_2OH^+ / NH_2OH$$

1- تحضير محلول حمض الكلوريدريك

نحضر محلولاً S_A لحمض الكلوريدريك تركيزه $C_A = 0,015 \text{ mol.L}^{-1}$ وذلك بتخفيف محلول تجاري لهذا الحمض تركيزه C_0 وكلفته P بالنسبة للماء هي $d = 1,15$. النسبة الكتالية للحمض في هذا محلول التجاري هي : $P = 37\%$.

1.1- أوجد تعبير كمية مادة الحمض $n(HCl)$ في حجم V من محلول التجاري بدالة P و d و ρ و V . $M(HCl) = 0,75$
 تحقق أن $C_0 = 11,6 \text{ mol.L}^{-1}$

1.2- احسب حجم محلول التجاري الذي يجب أخذه لتحضير $1L$ من محلول S_A . $0,5$

2- دراسة بعض خصائص قاعدة مذابة في الماء

2.1- تعتبر محلولاً مائيًا لقاعدة B تركيزه C ، نرمز لثابتة الحمضية للمزدوجة B^- / BH^+ بـ K_A و لنسبة التقام النهائي

$$K_A = \frac{K_e}{C} \cdot \frac{(1-\tau)}{\tau^2}$$

2.2- نقى pH_1 لمحلول S_1 للأمونياك NH_3 و pH_2 لمحلول S_2 لهيدروكسيلامين NH_2OH لهما نفس التركيز $0,5$

$$C = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} ; \text{ فجد } pH_1 = 9,0 \text{ و } pH_2 = 10,6$$

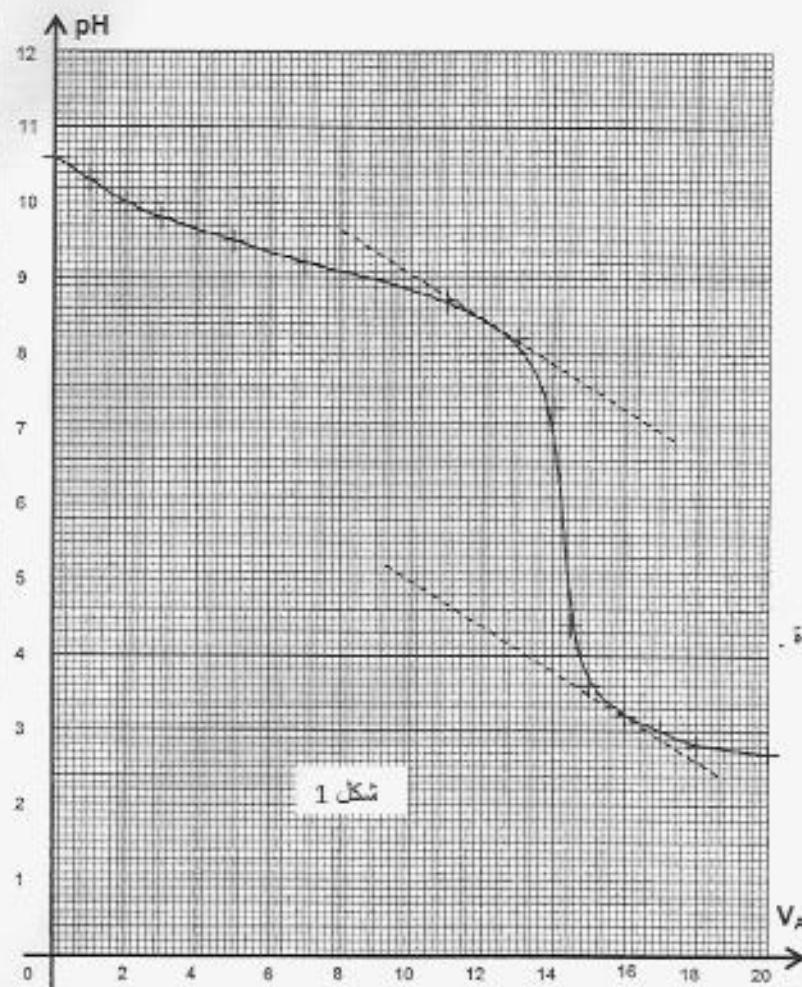
احسب نسبتي التقام النهائي τ_1 و τ_2 تبعاً لتفاعل NH_3 و NH_2OH مع الماء .

2.3- احسب قيمة كل من الثابتتين pK_{A1} و pK_{A2} . $0,5$

3- المعايرة حمض- قاعدة لمحلول مخفف للأمونياك

لتحديد التركيز C_B لمحلول تجاري مركز للأمونياك ، نستعمل المعايرة حمض- قاعدة : نحضر عن طريق التخفيف محلولاً S تركيزه $C' = \frac{C_B}{1000}$. ننجز المعايرة الى pH مترية لحجم $V = 20mL$ من محلول S بواسطة محلول S' لحمض الكلوريدريك

$$C_A = 0,015 \text{ mol.L}^{-1} \text{ تركيزه } (H_3O_{aq}^+ + Cl_{aq}^-)$$



نقيس pH الخليط بعد كل إضافة للمحلول S ،
تمكن النتائج المحصلة من خط منحنى المعايرة
 $pH = f(V_A)$ (شكل ١). عند إضافة الحجم
من محلول S نحصل على التكافؤ.

- 3.1- اكتب معادلة التفاعل الحاصل أثناء المعايرة . 0,25
 3.2- باستعمال قيمة pH بالنسبة لحجم المضاف
 $V_A = 5mL$ من محلول حمض الكلوريديك ،
احسب نسبة التقدم النهائي للتفاعل الحاصل أثناء
المعايرة. ملأا تستنتج ؟ 0,75

- 3.3- حدد الحجم V_{AE} اللازم للتكافؤ
و استنتاج C_A و C_B . 0,75

- 3.4- من بين الكاشف الملون المشار إليها في الجدول
أسفله، اختر الكاشف الملون الملائم لإثبات هذه المعايرة . 0,25

الكاشف الملون	منطقة الانعطاف
فينول افتالين	8,2 - 10
احمر الكلوروفينول	5,2 - 6,8
هيلياتين	3,1 - 4,4

الجزء الثاني: (2 نقط) تحضير فاز بالتحليل الكهربائي

يتم تحضير بعض الفازات بواسطة التحليل الكهربائي لمحلول مائية تحتوي على كاثيونات هذه الفازات ; فمثلاً 50% من الإناث العالمي للزنك يتم الحصول عليه بواسطة التحليل الكهربائي لمحلول كبريلات الزنك المحمض بحمض الكبريتيك . يلاحظ خلال هذا التحليل الكهربائي توضع فاز على أحد الإلكترودين وانتشار غاز على مستوى الإلكترود الآخر.

معطيات : الحجم المولى للغازات في ظروف التجربة : $V_n = 24L.mol^{-1}$;

$$M(Zn) = 65,4g.mol^{-1} ; \quad 1F = 96500C.mol^{-1}$$

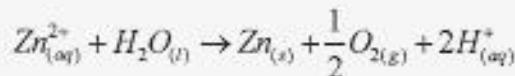
المزدوجات مختزل/موكبد : $O_{2(g)} / H_2O_{(l)}$; $H_{(aq)}^+ / H_{2(g)}$; $Zn_{(aq)}^{2+} / Zn_{(s)}$.

لا تساهم أيونات الكبريتات في التفاعلات الكيميائية.

1- دراسة التحول الكيميائي

- 1.1- اكتب معدلات التفاعلات الممكن أن تحدث عند الأنود و عند الكاتود . 0,75

- 1.2- تكتب المعادلة الحصيلة لتفاعل التحليل الكهربائي الذي يحدث كالتالي : 0,25



أوجد العلاقة بين كمية الكهرباء Q المرارة في الدارة و التقدم x لتفاعل التحليل الكهربائي .

2. استغلال التحول الكيميائي
يتتم إنجاز التحليل الكهربائي لمحلول كبريتات الزنك في خلية تحت التوتر الكهربائي $3,5V$ بقدرة كهربائية شنتها ثانية $I = 80mA$ ؛ بعد $48h$ من الاستغلال نحصل في الخلية على توضع للزنك ككتلة m .
- 2.1. احسب الكتلة m . 0,5
- 2.2. عند الإلكترود الآخر نحصل على حجم V لثاني الأوكسجين. علماً أن مردود التفاعل الذي ينتج ثاني الأوكسجين هو $r = 80\%$ ؛ احسب الحجم V . 0,5

الفيزياء (13 نقطة)

تمرين 1 (25, 2 نقطة) : الفيزياء النووية في المجال الطبي
يمكن الحقن الوريدي لمحلول يحتوي على الفوسفور 32 المشع في بعض الحالات من معالجة النكائر غير الطبيعي
للكوئيرات الحمراء على مستوى خلايا النخاع العظمي.
معطيات: الكتل بالوحدة الذرية u :

$$m\left(\frac{32}{15}P\right) = 31,9840u ;$$

$$m\left(\frac{4}{2}Y\right) = 31,9822u ;$$

$$m(\beta^-) = 5,485 \times 10^{-4}u ;$$

$$1u = 931,5 Mev / c^2$$

$$1Mev = 1,6 \cdot 10^{-13} J$$

$$1jour = 86400s ; t_{\frac{1}{2}} = 14,3 jours ; t_{\frac{32}{15}P} = 14,3 \cdot 86400s = 1,24 \cdot 10^7 s$$

1. النشاط الإشعاعي لنويدة الفوسفور $\frac{32}{15}P$

نويدة الفوسفور $\frac{32}{15}P$ إشعاعية النشاط β^- ، يتولد عن نفتها نويدة $\frac{32}{14}Y$.

1.1. اكتب معادلة نفثة نويدة الفوسفور $\frac{32}{15}P$ محددة Z و A . 0,25

1.2. احسب بالوحدة Mev القيمة المطلقة للطاقة المحررة عند نفثة نويدة $\frac{32}{15}P$. 0,5

2. الحقن الوريدي بالفوسفور $\frac{32}{15}P$

يتم تحضير عينة من الفوسفور $\frac{32}{15}P$ عند لحظة $t=0$ نشاطها الإشعاعي a_0 .

2.1. عرف النشاط الإشعاعي $1Bq$. 0,25

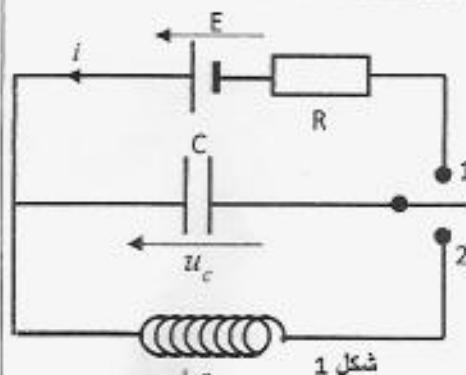
2.2. عند لحظة t_1 يحقن مريض بكمية من محلول الفوسفور $\frac{32}{15}P$ نشاطه الإشعاعي $a_1 = 2,5 \cdot 10^9 Bq$. 0,25

أ- احسب باليوم المدة الزمنية Δt اللازمة ليصبح النشاط الإشعاعي a_2 للفوسفور $\frac{32}{15}P$ هو 20% من a_1 . 0,25

ب- نرمز بـ N_1 لعدد نويدات الفوسفور $\frac{32}{15}P$ المتبقية عند اللحظة t_1 و بـ N_2 لعدد نويداته المتبقية عند اللحظة t_2 حيث النشاط الإشعاعي للعينة هو a_2 . 0,5

أوجد تعبير عدد النويدات المختلفة خلال المدة Δt بدلالة a_1 و $t_{\frac{32}{15}P}$. 0,5

ج- استنتاج ، بالجول ، القيمة المطلقة للطاقة المحررة خلال المدة Δt . 0,5



تمرين 2 (25 نقطة) : دراسة شحن وتفريغ مكثف

يهدف هذا التمرين إلى تتبع تطور شدة التيار الكهربائي خلال شحن مكثف وخلال تفريغه عبر وشيعة. لدراسة شحن وتفريغ مكثف سعة C تتجزأ التركيب الممثل في الشكل 1.

1- دراسة شحن المكثف
المكثف غير مشحون بدنيا.

عند لحظة تعتبرها أصلًا للتاريخ $t=0$, نزرج قاطع التيار K إلى الموضع 1, فيشحن المكثف عبر موصل أومي مقاومته $R=100\Omega$ بواسطة مولد كهربائي مؤمل قوته الكير محركة $E=6V$.

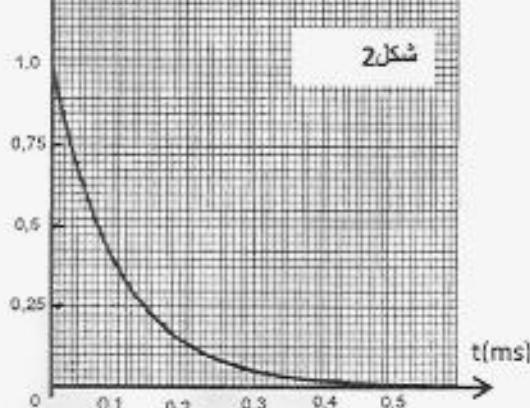
1.1- أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار i في الدارة مع احترام

التوجيه المبين في الشكل 1.

1.2- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي:
أوجد تعبير كل من A و τ بدلالة برامرات الدارة.

1.3- استنتج التعبير العرفي للتوتر u بدلالة الزمن t .

1.4- يمكن نظام معلوماتي من خط المنحني الممثل لتغيرات $\frac{i}{I_0}$ بدلالة الزمن t (شكل 2) ; حيث I_0 شدة التيار عند اللحظة $t=0$.
حدد ثابتة الزمن τ واستنتج قيمة C سعة المكثف.



1.5- لكن E الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف عند نهاية الشحن و (τ) الطاقة المخزنة في المكثف عند اللحظة $t=0$.

بيان أن $\frac{E_e(\tau)}{E_e} = \left(\frac{e-1}{e} \right)^2$; احسب قيمة هذه النسبة : (c أسان اللوغاريتم النبيري).

2 : دراسة تفريغ المكثف في وشيعة

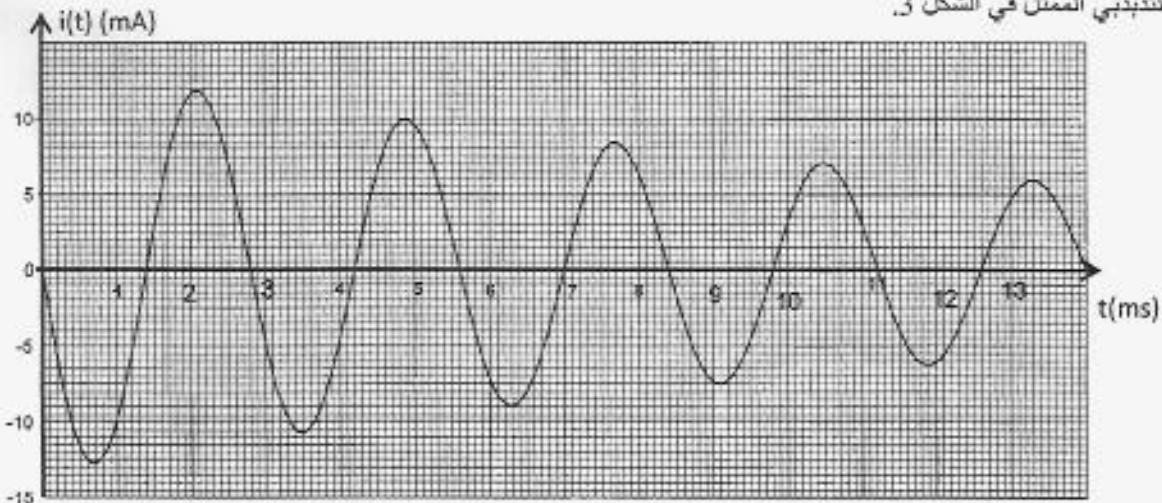
عند لحظة تعتبرها أصلًا جيداً للتاريخ ، نزرج قاطع التيار إلى الموضع 2 من أجل تفريغ المكثف في وشيعة معامل تحريرتها $L=0,2H$ و مقاومتها R .

2.1- نعتبر أن مقاومة الوشيعة مهملة ونحفظ بنفس توجيه الدارة السابق.

أ- أثبت المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار $i(t)$.

ب- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي: $i(t) = I_m \cos(2\pi N t + \varphi)$, حدد قيمة كل من I_m و φ .

2.2- باستعمال النظام المعلوماتي السابق، تعلن تطور شدة التيار $i(t)$ في الدارة بدلالة الزمن t ، فنحصل على الرسم التنبذاني الممثل في الشكل 3.



نرمز لطاقة المتنبف عند اللحظة $t=0$ بـ E_0 ولشيه دور التنبذات بـ T .

احسب الطاقة E' للمذنب عند اللحظة $T = \frac{7}{4}t'$ و استنتج التغير $\Delta E = E' - E_0$. اعط تفسيرا لهذا التغير.

2.3- نقل إن الطاقة الكلية للمتذبذب تتراقص بنسبية $p = 27.5\%$ خلال كل ثانية دور.

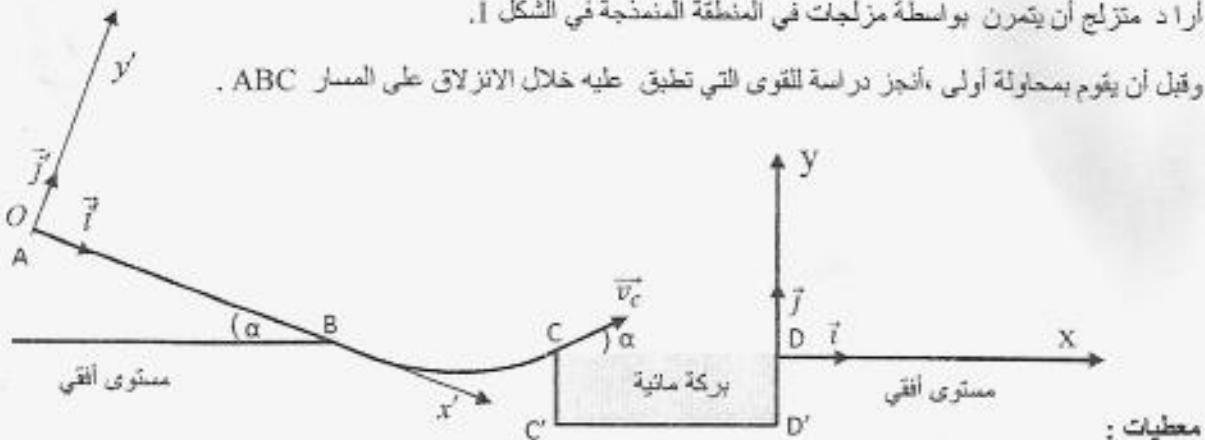
٠,٧٥ أ- بين أن تغير الطاقة الكلية للمتذبذب يمكن أن يكتب عند اللحظة $t = nT$ على الشكل $E_n = E_0(1-p)^n$ مع n عدد صحيح .

بــ احسب "عندما تتناقص الطاقة الكلية للمتذبذب بـ 96%، قيمتها البشة 0.5

نقطة 5.5 (العنوان الأول والثاني مستقلان).

الجزء الأول (٣ نقاط) : دراسة حركة متزلج

و قبل أن يفجع بمحاونة أولى، انجز دراسة للقوى التي تطبق عليه خلال الانزلاق على المسار ABC.



شکل ۱

- شدة التفاف $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$

- AB - مستوى ميل بزاوية $i=20^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي المار من النقطة B +

- عرض البركة المائية $C'D' = L = 15m$

- نمايل المتزلج ولوازمه بجسم صلب (S) كتلته $m=80\text{kg}$ ومركز قصوره G.

نعتبر في الجزء AB أن الاحتكاكات غير مهمة وننبع منها بقوة ثابتة.

١- دراسة القوى المطبقة على المترادج بين A و B .

ينطلق المتزلاج من النقطة A ذات الأقصول $x_0 = 0$ في المعلم الممنظم المتعارد $(\vec{O}, \vec{i}, \vec{j})$ ، بدون سرعة بدينية عند لحظة نعتبرها أصلًا للتاريخ $s=0$ (الشكل 1). وينزلق وفق المستوى المثلث AB حسب الخط الأكبر ميلًا بتسارع ثابت a حيث يمر من النقطة B بسرعة $v_B = 20,0 \text{m.s}^{-1}$.

1.1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد، بدالة α و a و φ ، تعريف معامل الاحتكاك $\tan \varphi$: مع φ زاوية الاحتكاك ، المعرفة بزاوية المحصورة بين المنظمي على المسار واتجاه منتجة القوة المقرونة بتثبيت السطح على المترجل.

1.2- عند اللحظة $t_B = 10\text{ s}$ يمر المترجل من النقطة B؛ احسب قيمة التسارع a واستنتج قيمة معامل الاحتكاك $\tan \varphi$. [0.5]

١.٣- بين أن شدة القوة \vec{R} المطبقة من طرف السطح AB على المتزلج تكتب على الشكل : 0,75
احسب قيمة R .

2- مرحلة الفرز

عند لحظة $t=0$ نعتبرها أصلاً جديداً للتاريخ ، يفلت المترجل عند النقطة C الجزء BC بسرعة v_c تكون متجهتها الزاوية $\alpha = 20^\circ$ مع المستوى الأفقي .

خلال الفرز تكون المعادلتين الزميتان لحركة (S) في المعلم $(\bar{D}, \bar{i}, \bar{j})$ هما :

$$\begin{cases} x(t) = v_c \cdot \cos \alpha \cdot t - 15 \\ y(t) = -\frac{g}{2} t^2 + v_c \cdot \sin \alpha \cdot t \end{cases}$$

2.1- حدد في حالة $v_c = 16,27 \text{ m.s}^{-1}$ إحداثياتي قمة مسار (S) . [0,5]

2.2- حدد بدلالة g و α الشرط الذي يجب أن تتحققه السرعة v_c لكي لا يسقط المترجل في البركة المائية واستنتج القيمة التدريبية لهذه السرعة . [0,75]

الجزء الثاني (2 نقطه) : الدراسة الطافية لنواص وزن .

تهدف هذه الدراسة إلى تحديد موضع مركز القصور G لمجموعة متذبذبة ، وذلك باعتماد دراسة طافية و تحريكية . يتكون نواص وزن ، مركز قصوره G، من ساق AB ، من ساق AB كتلتها $m_1 = 100 \text{ g}$ ثبت في طرفها B جسم (C) كتلته $m_2 = 300 \text{ g}$. النواص الوازن قابل للدوران حول محور ثابت أفقي (Δ) يمر من الطرف A (الشكل 2).

المسافة الفاصلة بين مركز القصور G ومحور الدوران هي $AG = d$

نزير النواص عن موضع توازنه المستقر بزاوية θ_m صغيرة ثم تحرر بدون سرعة بدئية عند لحظة نعتبرها أصلًا للتاريخ $t=0$ ، فينجز حركة تذبذبية حول موضع توازنه.

نعتبر جميع الاحتكاكات مهملة ونختار المستوى الأفقي المار من النقطة G_0 موضع G

عند التوازن المستقر مرجعاً لطاقة الوضع التقليدية ($E_{pp} = 0$) .

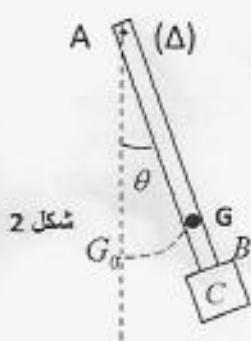
نعلم في كل لحظة موضع النواص الوازن بأقصوله الزاوي θ الذي تكونه الساق مع

الخط الرأسي المار من النقطة A، ونرمز لسرعته الزاوية بـ $\frac{d\theta}{dt}$ عند لحظة 1 .

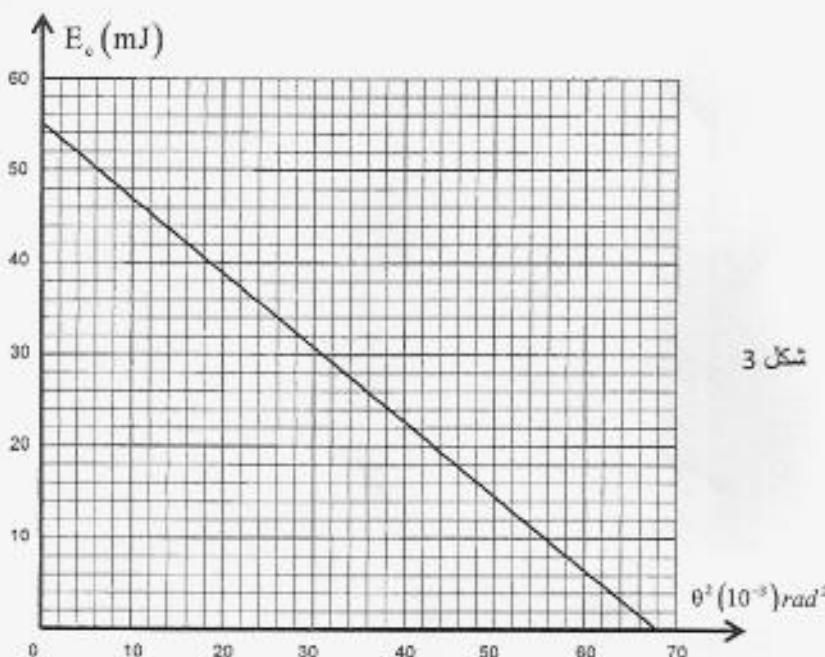
يمثل الشكل 3 منحني تطور الطاقة الحركية E_C للنواص بدلالة θ^2 مربع الأقصول الزاوي .

نأخذ $\frac{\partial^2}{\partial \theta^2} \cos(\theta) = -\sin(\theta) \approx \theta$ مع θ بالراديان rad .

شدة مجال القلة $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$



شكل 2



شكل 3

1. تحديد موضع مركز القصور G للمجموعة

1.1 - لتكن E_p الطاقة الميكانيكية للتواس الوازن في حالة التذبذبات الصغيرة . بين أن $\frac{E_p}{\theta^2} = \frac{(m_1 + m_2) \cdot g \cdot d}{2}$ [0,75]

1.2 - اعتمادا على مبيان الشكل 3، استنتاج قيمة d . [0,5]

2. تحديد عزم القصور J_A

2.1 - أوجد بتطبيق العلاقة الأساسية للتحريك، المعادلة التقاضية لحركة التواس. [0,5]

2.2 - أوجد تعبير التردد الخاص N_0 لهذا التواس بدلالة m_1 و m_2 و g و J_A و d ليكون حل المعادلة التقاضية هو :

$$\theta(t) = \theta_n \cos(2\pi N_0 t + \varphi)$$

2.3 - علما أن قيمة التردد الخاص هي $N_0 = 1 \text{ Hz}$: احسب J_A . [0,25]